

Izračunavanje na riječima

Rečnik - to je čitav svijet poređan po azbučnom redoslijedu.

Anatol Frans

2. Programski jezik za rad sa riječima

Sada ćemo definisati programski jezik S_n , za svako $n > 0$. Ovaj jezik je posebo razvijen za rad sa riječima neke azbuke od n slova (simbola). Jezik S_n imaće iste ulazne, izlazne i lokalne varijable kao i jezik S , sa tom razlikom što će varijable imati vrijednosti iz skupa A^* , gdje je A azbuka sa n simbola. Za labele instrukcija koristićemo isti način i kod jezika S . Instrukcije jezika S_n prikazane su u Tabeli 2.1.

Tabela 2.1 Instrukcije jezika S_n

Instrukcija	Interpretacija
$V \leftarrow \sigma V$	Staviti simbol σ sa lijeve strane riječi V
$V \leftarrow V-$	Izbrisati krajnji simbol iz riječi V . Ako je $V = 0$ ostaviti V nepromijenjeno.
IF V ENDS σ GOTOL	Ako se riječ V završava simbolom σ nastaviti sa instrukcijom koja ima labelu L , inače nastaviti sa sljedećom instrukcijom.

Iako se jezik S_n odnosi na riječi, možemo o riječima ramišljati i kao o brojevima dobijenim transformacijom (1.1).

Na primjer, numerički efekat instrukcije

$$X \leftarrow s_i X \text{ (dodavanje simbola } s_i \text{ ispred } X)$$

u azbuci $A = \{s_1, \dots, s_n\}$, sa n simbola, je da numerički prikaz x , riječi X , zamijenimo sa

$i * n^{|x|} + x.$

Sada ćemo pokazati kako se mogu konstruisati neke korisne makro instrukcije jezika S_n .

1. Makro instrukcija $\text{IF } V \neq 0 \text{ GOTO L}$ se dobija programom

IF V ENDS s_1 GOTO L
IF V ENDS s_2 GOTO L

.

IF V ENDS s_n GOTO L

2. Makro instrukcija $V \leftarrow 0$ se dobija programom

[A] $V \leftarrow V^-$
 IF $V \neq 0$ GOTO A

3. Makro instrukcija GOTO L se dobija programom

$Z \leftarrow 0$
 $Z \leftarrow s_1 Z$
IF Z ENDS s_1 GOTO L

4. Makro instrukcija $V' \leftarrow V$ se dobija programom

Z $\leftarrow 0$
 $V' \leftarrow 0$
[A] IF V ENDS s_1 GOTO B₁
 IF V ENDS s_2 GOTO B₂

.

IF V ENDS s_n GOTO B_n

GOTO C

[B_i] $V \leftarrow V^-$
 $V' \leftarrow s_i V'$ } $i = 1, 2, \dots, n$ puta

$Z \leftarrow s_i Z$

GOTO A

[C] IF Z ENDS s_1 GOTO D₁
 IF Z ENDS s_2 GOTO D₂

.

IF Z ENDS s_n GOTO D_n

GOTO E

[D_i] Z ← Z-
 V ← s_iV }i=1,2,...,n puta
 GOTO C

Blok instrukcija

IF V ENDS s₁ GOTO B₁
 IF V ENDS s₂ GOTO B₂

.

IF V ENDS s_n GOTO B_n

ubuduće ćemo zapisivati jednostavnije kao

IF V ENDS s_i GOTO B_i (1 ≤ i ≤ n)

Ovakav blok instrukcija se često naziva filterom.

Ako je $f(x_1, \dots, x_n)$ funkcija parcijalno izračunljiva u S_n , koristićemo makro instrukciju:

V ← f(V₁, ..., V_n).

Vježbe

1. Pokazati da je funkcija $f(x) = x^R$ izračunljiva u S_n jeziku. (x^R je riječ x napisana inverzno - takozvani palindrom).